



Bilan des forces :  $\vec{p}$  et frottements négligeables

2<sup>e</sup> loi de Newton :  $\sum \vec{F}_{\text{ext}} = \frac{d\vec{p}}{dt}$  avec  
 $\vec{p} = m\vec{v}$  : q<sup>te</sup> de mouvement.

Ici,  $m$  est constante  $\Rightarrow \sum \vec{F}_{\text{ext}} = m \frac{d\vec{v}}{dt}$

$$\text{D'où } \vec{p} = m\vec{a}$$

$$\Rightarrow m\vec{g} = m\vec{a}$$

$$\Rightarrow \vec{a} = \vec{g}$$

On a :  $\vec{a} = \begin{pmatrix} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{pmatrix}$

Or  $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$  d'où  $\left. \begin{array}{l} \frac{dv_x}{dt} = 0 \\ \frac{dv_y}{dt} = -g \end{array} \right\}$

Ainsi  $\vec{v} = \begin{pmatrix} v_x = c_1 \\ v_y = -gt + c_2 \end{pmatrix}$

Apartir des conditions initiales sur la vitesse, on peut déterminer  $c_1$  et  $c_2$ .

Or à  $t=0$ ,  $\vec{v}_0 \left( \begin{array}{l} v_{0x} = v_0 \cos \alpha \rightarrow c_1 \\ v_{0y} = v_0 \sin \alpha \rightarrow c_2 \end{array} \right)$

D'où  $\vec{v} \left( \begin{array}{l} v_x = v_0 \cos \alpha \\ v_y = -gt + v_0 \sin \alpha \end{array} \right)$

Or  $\left| \vec{v} = \frac{d\vec{OM}}{dt} \right|$  d'où  $\left. \begin{array}{l} \frac{dx}{dt} = v_0 \cos \alpha \\ \frac{dy}{dt} = -gt + v_0 \sin \alpha \end{array} \right\}$

Ainsi,  $\vec{OM} \left( \begin{array}{l} x(t) = v_0 \cos \alpha t + c_3 \\ y(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \sin \alpha t + c_4 \end{array} \right)$

A partir des conditions initiales sur la position, on peut déterminer  $c_3$  et  $c_4$ .

Or à  $t=0$ ,  $\vec{OM}_0 \left( \begin{array}{l} x_0 = 0 \rightarrow c_3 \\ y_0 = h \rightarrow c_4 \end{array} \right)$

Donc  $\vec{OM} \left( \begin{array}{l} x = v_0 \cos \alpha t \\ y = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \sin \alpha t + h \end{array} \right)$  (1) (2)  
eq. horaires du mouvement.

De (1),  $t = \frac{x}{v_0 \cos \alpha}$

Dans (2),  $y = -\frac{1}{2}g \frac{x^2}{v_0^2 \cos^2 \alpha} + \tan \alpha x + h$   
eq. de la trajectoire:  $y = f(x)$

Rq:  $y = Ax^2 + Bx + C$ : eq. d'une parabole.